شناسایی خسارت در سازه با استفاده از پردازش سیگنال و شبکههای عصبی مصنوعی

چکیدہ	اطلاعات مقاله
در طول دو دهه اخیر بحث شناسایی خرابی و پایش سلامت سازهها با هدف کاهش هزینه نگوداری م دورود ارمز برسانه مورد توجه قرار گرفته است. دس از مقوع یک زانام شدید. م	دریافت مقاله: ۱۳۹۴/۰۸/۱۷ پذیرش مقاله: ۱۳۹۵/۰۹/۰۳
مخرب، احتمالاً امکان دسترسی به سازه هور خوب خرار خرب است. پس از ونوع یک زبری نسین از مخرب، احتمالاً امکان دسترسی به سازهها وجود نخواهد داشت. این موضوع اهمیت روشهایی که بتوانند تنها با استفاده از سیگنالهای ثبت شده در مدت زمان زلزله، خسارت ایجاد شده های مبتنی بر پردازش سیگنال قادر به تعیین شدت خسارت نیستند، در حالی که تعیین شدت به عنوان یکی از اهداف اصلی شناسایی خسارت در مدیریت بحران پس از وقوع زلزله نقش به سزایی دارد. در این مقاله تلاش شده است تا با بهره گیری از ابزارهای پردازش سیگنال و هوش مصنوعی ویژگیهای حساس به خسارت به گونهای استخراج شوند که بتوان وجود آسیب، محل و شدت آن را تنها با استفاده از سیگنالهای پاسخ ارتعاشی، با دقت مناسب و مقایسه قرار گرفته و روش EMD به عنوان روشی با بهترین عملکرد انتخاب گردید. در اسیب، معل و شدت آن را تنها با استفاده از سیگنال زمان – فرکانس آنی مورد ارزیابی امیاسی میین کرد. در این مطالعه ابتدا سه روش پردازش سیگنال زمان – فرکانس آنی مورد ارزیابی و مقایسه قرار گرفته و روش EMD به عنوان روشی با بهترین عملکرد انتخاب گردید. در شناسایی خسارت سازهای ارائه و روی سازه بنچ مارک پایش سلامت سازه شناسایی خسارت سازهای ارائه و روی سازه بنچ مارک پایش سلامت سازه اممال گردید. نتایج حاکی از آن است که تلفیق پردازش سیگنال با هوش مصنوعی کمک شایانی به تحقق اهداف سه گانه شناسایی خسارت داشته است.	واژگان کلیدی: شناسایی خسارت، پایش سلامت سازهها، شاخص خسارت، پردازش سیگنال، شبکه عصبی مصنوعی.

سیدبهرام بهشتیاول^{۱٬}*، وحید احمدیان^۲، احسان درویشان^۳

۱– مقدمه

در زمینه پایش سلامت سازهها خرابی به صورت تغییراتی در یک سیستم سازهای تعریف میشود که بر عملکرد آن در زمان حال و یا آینده تأثیر منفی بگذارد. به طور کلی روشهای تشخیص خرابی به دو دسته محلی و کلی تقسیم بندی میشوند. روشهای محلی تنها میتوانند خرابی را بر روی سازه و یا در نزدیکی سطح آن تشخیص دهند. این محدودیت باعث شده که رویکردهای کاملاً متفاوتی برای آنالیز سازههای پیچیده ابداع شود. به طور کلی اهداف شناسایی خسارت را میتوان به صورت زیر خلاصه کرد [۱]: سطح ۱ : تعیین وجود خرابی سطح ۲ : تعیین مکان هندسی خرابی

پیشرفتهای اخیر در حوزه تکنولوژی سنسورها و انتقال بیسیم دادهها منجر به مقرون به صرفهتر شدن و در نتیجه توسعه هر چه بیشتر روشهای مبتنی بر سیگنال شده است. سیگنالهایی که از سنسورهای نصب شده در سازه حاصل میشوند را نمیتوان مستقیماً به منظور تعیین و تشخیص وجود آسیب در سازه تحلیل کرد مگر آن که شدت خسارت وارده در سازه بسیار بالا باشد. بنابراین این سیگنال ها باید پردازش شوند تا بتوان اطلاعات مورد نیاز در خصوص پارامترهای سازهای را برای فرآیند شناسایی خسارت از آن ها استخراج نمود.

روشهای تشخیص خرابی مبتنی بر پردازش سیگنال که تاکنون ارائه شدهاند قادر به تامین اهداف سهگانه شناسایی خسارت نیستند. در ادامه برخی از این کارها ارائه شده است.

^{*} پست الكترونيك نويسنده مسئول: beheshti@kntu.ac.ir

۱. دانشیار، دانشکده عمران، دانشگاه صنعتی خواجه نصیر الدین طوسی ۲. کارشناسی ارشد، دانشکده مهندسی عمران، دانشگاه صنعتی خواجه نصیر الدین طوسی

۳. استادیار، دانشکده فنی و مهندسی، واحد رودهن، دانشگاه آزاد اسلامی

ژو و همکاران [۲] روشی بر مبنای تبدیل هیلبرت – هانگ به منظور تعیین و تحلیل خصوصیات دینامیکی یک ساختمان ۶۹ طبقه به کار بردند و نتایج بدست آمده را با نتایج تبدیل فوریه مقایسه کردند.

یانگ و همکاران [۳] از تجزیه تجربی مودی (EMD) برای تشخیص خرابی در ساختمان مرجع SAC استفاده کردند. نتایج آن ها نشان داد که در صورت وجود نویز در خروجی سنسورها این روش موفقیت آمیز نمی باشد.

ژو و چن [۴] از تبدیل هیلبرت هانگ (HHT) برای تشخیص آسیب ناشی از کاهش ناگهانی سختی در مدل آزمایشگاهی یک ساختمان سه طبقه فولادی استفاده کردند. این روش در تعیین موقعیت و شدت آسیبدیدگی چندان قابل اطمینان نمی باشد.

لیو و همکاران [۵] در ابتدا روش HHT را برای تشخیص خرابی در یک مدل تحلیلی ساده آزمایش کردند. سپس این روش را برای حذف نویز از دادهها به کار بردند. با این روش آنها توانستند محل ایجاد آسیب در سازه مرجع دانشگاه بریتیش کلمبیا را با موفقیت بیابند.

چن و همکاران [۶] تبدیل هیلبرت – هانگ ارتقا یافته را به منظور استخراج اطلاعات مربوط به خسارت از سیگنال های پاسخ سیستم، معرفی کردند.

لی و همکاران [۷] از تلفیق روش EMD و آنالیز موجک برای شناسایی تغییرات در پاسخ سازه بهره گرفتند و توانستند زمان وقوع خسارت را مشخص کنند. کارایی روش پیشنهادی بر روی یک قاب برشی چهار طبقه مورد بررسی قرار گرفته و نتایج مطلوبی نیز حاصل شده است.

رووری و کارکاترا [۸] یک روش تشخیص آسیب بر اساس HHT برای پلها تحت بار ترافیکی ارائه کردند. آنها مطالعات نظری و عددی مفصلی برای ارائه توانایی روش خود انجام دادند.

کوار و همکاران [۹] با استفاده از سنسورهای بیسیم به مطالعه وقوع آسیب در یک پل یک دهانه پرداختند. آنها از طیف هیلبرت برای شناسایی سه الگوی خسارت از پیش تعریف شده استفاده کردند.

هوانگ و همکاران [۱۰] از EMD و تجزیه ارتعاشی هیلبرت (HVD) برای تجزیه و تحلیل رکوردهای جنبش زمین استفاده کردند. آن ها به این نتیجه رسیدند که هر دو روش

فوق برای مسائل مهندسی زلزله مناسباند. با این حال آنها نشان دادند که هر کدام از این روشها در برخی موارد دارای نقاط ضعف می باشند.

وانگ و چان [۱۱] خلاصه روش های موجود برای ارزیابی شرایط پل را خلاصه کردند. آنها یک بررسی بر روی روش های مبتنی بر ارتعاش با تمرکز بر روشهای آماری و تکنیکهای پردازش سیگنال انجام دادند.

یک بررسی جامع در مورد کاربرد HHT در پایش سلامت سازه ها توسط چن و همکاران انجام شده است [۱۲].

خصوصیات فیزیکی یک سیگنال را نمیتوان به تنهایی در دامنه زمان استخراج کرد. آنالیز فوریه نیز تنها فرکانس های سیگنال را در حوزه فرکانس ارائه میدهد. لذا نمیتواند تغییرات فرکانس در طول زمان را نشان دهد [۱۳]. از طرف دیگر تبدیل فوریه تنها محدود به سیگنالهای ایستا^۱ می باشد یعنی محتوای فرکانس سیگنال باید در طول زمان ثابت باشد [۱۴]. برای پردازش سیگنالهای غیر ایستا لازم است که تغییرات فرکانس آنها در طول زمان مشخص شود. برای مرتفع کردن این مشکلات روش های پردازش سیگنال زمان – فرکانس ارائه شدهاند که در سالهای اخیر توسعه بسیاری در عرصههای مهندسی، ارتباط از راه دور، ارتعاشات و یزشکی پیدا کردهاند.

در این مقاله در ابتدا سه روش پردازش سیگنال زمان -فرکانس آنی تجزیه تجربی مودی^۲ (EMD)، تجزیه میایگین محلی^۳ (LMD) و تجزیه ارتعاشی هیلبرت^۴ (HVD) که جزء جدیدترین روشهای پردازش سیگنال هستند با یکدیگر و با هدف تشخیص خسارت با یکدیگر مقایسه میشوند و بهترین آنها جهت تعریف شاخص خسارت در بخشهای بعدی انتخاب میگردد. سپس در نهایت الگوریتم شناسایی خسارت ارائه می شود. به منظور اینکه امکان مقایسه این روش با سایر روش های شناسایی خسارت ارائه شده فراهم باشد، روش مذکور بر روی سازه بنچ مارک پایش سلامت سازه IASC-ASCE [۱۵] اعمال شده است.

۲- روش تجزیه تجربی مودی

روش تجزیه تجربی مودی یک روش تجربی برای استخراج مؤلفههای یک سیگنال است. این روش قادر است یک

³ Local Mean Decomposition (LMD)

⁴ Hilbert Vibration Decomposition (HVD)

¹ Stationary Signals

² Empirical Mode Decomposition (EMD)

$$h_{1k} = h_{1(k-1)} - m_{1k} \tag{(Y)}$$

۵- در هر تکرار یک معیار توقف کنترل می شود. در صورت
 ارضای این معیار عملیات فوق متوقف می شود.

$$SD = \sum_{t=0}^{T} \left[\frac{\left| h_{(k-1)}(t) - h_{k}(t) \right|^{2}}{h_{(k-1)}^{2}(t)} \right]$$
(٣)

¹ Sifting process

$$h_{1k} = c_1 \tag{(f)}$$

۷- باقیمانده از کسر IMF اول از سیگنال اصلی بدست
 میآید.

 $r_1 = x(t) - c_1 \tag{(\Delta)}$

۸- مجدداً باقیمانده به عنوان سیگنال اصلی در نظر گرفته شده و عملیات مراحل ۱ الی ۷ تکرار می شود تا IMF های بعدی به همین ترتیب محاسبه شوند. این عملیات تا زمانی ادامه می یابد که عملیات الک کردن دیگر مقدور نباشد و یا باقیمانده از یک حد از پیش تعیین شده کمتر شود. در این حالت باقیمانده یک سیگنال ثابت و یا یکنواخت خواهد بود.
 ۹- سیگنال اصلی را می توان مجدداً از روی IMF های

۲- سیکنال اصلی را می توان مجددا از روی ۱۷۱۲ های بدست آمده به طریق زیر ساخت.

$$x(t) = \sum_{j=1}^{n} c_j + r_n \tag{(6)}$$

این روش با تلفیق روش تندیل هیلبرت قادر به محاسبه فرکانس آنی یک سیگنال می باشد.

۳- روش تجزیه میانگین محلی

اولین مرحله از این تجزیه، محاسبه میانگین نقاط ماکسیمم i و مینیمم هر نوسان نیم موج از سیگنال است. بنابراین n_i امین مقدار میانگین m_i هر دو اکسترمم پی در پی n_i و n_{i+1} به صورت زیر است:

$$m_i = \frac{n_i + n_{i+1}}{2} \tag{Y}$$

این میانگینهای محلی میتوانند به عنوان خطوط مستقیم بین اکسترممهای پی در پی رسم شوند. میانگینهای محلی سپس با استفاده از میانگین گیری متحرک به صورت یک تابع میانگین محلی پیوسته متحرک هموار (m(t) هموار میشوند. جزئیات فرآیند هموارسازی را میتوان در مطالب تکمیلی الکترونیک پیدا کرد. اندازه محلی هر نوسان نیمموج به صورت زیر به دست میآید.

$$a_i = \frac{|n_i - n_{i+1}|}{2} \tag{(A)}$$

می شود، از $S_{11}(t)$ کم می شود و دامنه تابع حاصل با استفاده از $a_{12}(t)$ دمودله می شود. این فرآیند تکرار n بار و تا زمانی که سیگنال مدوله شده فرکانس خالص $s_{1n}(t)$ بدست آید ادمه می یابد. بنابراین:

$$\begin{split} h_{11}(t) &= x(t) - m_{11}(t), \\ h_{12}(t) &= s_{11}(t) - m_{12}(t), \\ &\vdots \end{split} \tag{11}$$

 $h_{1n}(t) = s_{1(n-1)}(t) - m_{1n}(t)$

که

$$s_{11}(t) = h_{11}(t) / a_{11}(t),$$

$$s_{12}(t) = h_{12}(t) / a_{12}(t),$$

$$\vdots$$

(1Y)

$$s_{1n}(t) = h_{1n}(t) / a_{1n}(t)$$

پوش متناظر توسط رابطه

$$a_1(t) = a_{11}(t)a_{12}(t)\dots a_{1n}(t) = \prod_{q=1}^n a_{1q}(t)$$
 (17)

بدست میآید که هدف این است که

$$\lim_{n \to \infty} a_{1n}(t) = 1 \tag{14}$$

با توجه به سیگنال مدولهشده فرکانس (s_{1n}(t استخراج فرکانس می فرکانس می می تواند به صورت زیر ارائه شود:

$$s_{1n}(t) = \cos \varphi_1(t) \tag{10}$$

که
$$(p_1(t) = \arccos(s_{1n}(t))$$
 فاز آنی است.
(۱۶)

باید توجه داشت که در زمان محاسبه فاز، قرارگرفتن $r_{1,n}(t)$ در بازه $1 \ge s_{1n}(t)$ مهم است. از نقطه نظر $a_{1n}(t)$ در بازه $1 \ge s_{1n}(t)$ مهم است. از نقطه نظر عملی فرآیند تکرار زمانی متوقف شود که $1 \approx (1 + t)$. سپس هر کدام از اکسترممهای $s_{1n}(t)$ که دقیقا برابر $\pm t$ نیستند برابر $1 \pm$ قرار داده میشوند. پس از استخراج فاز آنی آنی، که باید بین محدوده $\pi \pm$ قرار داشته باشد، فاز آنی $w_1(t)$

$$\omega_{1}(t) = \frac{d\varphi_{1}(t)}{dt} \tag{1V}$$

$$PF_1(t)$$
 ضرب $s_{1n}(t)$ در تابع پوش $a_1(t)$ ، تابع محصول $s_{1n}(t)$

همه این اندازهها با همان روش گفتهشده به عنوان میانگینهای محلی برای تشکیل تابع پوش پیوسته متغیر هموار a(t) هموار می شوند. با توجه به توضیحات بالا، با داشتن یک برآورد از پوش و میانگین متناظر، میانگین از h(t) داده اصلی کم می شود و سپس سیگنال حاصل که با مشخص می شود، بر یوش بر آورد شده تقسیم می شود. هدف از این پروسه تولید سیگنال مدوله شده فرکانس خالص است که از آن بتوان فرکانس آنی مثبت را بدست آورد [۱۷]. اگر سیگنالی که تولید می شود پوش هموار نداشت، پروسه نیاز به تکرار شدن دارد. تعداد دفعاتی که این پروسه تكرار شده است با انديس q مشخص مى شود. علاوه بر استخراج سیگنال مدوله شده فرکانس، سیگنال پوش متناظر با ضرب پوشهای برآورد شده پی در پی در همدیگر، که هر کدام در طول استخراج سیگنال مدوله شده فركانس بدست مىآيند، استخراج مىشود. سپس اين سیگنال پوش نهایی در سیگنال مدولهشده فرکانس برای تشکیل تابع محصول ضرب می شود. تابع محصول سپس از سیگنال اصلی کم می شود و تمام پروسه بالا می تواند برای تشکیل دومین تابع محصول روی سیگنال حاصل تکرار شود و به همین ترتیب ادامه پیدا کند. تعداد تابع محصول با اندیس p مشخص می شود. توابع میانگین محلی پی در پی $m_{_{pq}}(t)$ ، پوشهای برآورد شده پی در پی $m_{_{pq}}(t)$ و سیگنالهای مدولهشده فرکانس برآورد شده پی در پی همه با دو اندیس مشخص شده اند. پوش نهایی $s_{pq}(t)$ و فرکانس آنی $w_p(t)$ همگی با $w_p(t)$ ، فاز آنی $\phi_p(t)$ یک اندیس نشان دار شده اند که نشان دهنده تابع محصول متناظر است. توابع محصول نیز که با *(PF(t* مشخص می-شوند، دارای یک اندیس هستند.

بنابراین پوش برآورد شده اولیه با
$$a_{11}(t)$$
 و میانگین اولیه
با $m_{11}(t)$ مشخص میشود. $m_{11}(t)$ از سیگنال اصلی
 $x(t)$ کم میشود و $h_{11}(t)$ بدین طریق بدست میآید .

$$h_{11}(t) = x(t) - m_{11}(t)$$
(9)

سپس دامنه با تقسیم $h_{11}(t)$ بر $a_{11}(t)$ دمدوله میشود.

$$s_{11}(t) = \frac{h_{11}(t)}{a_{11}(t)} \tag{1.1}$$

سپس پوش $a_{12}(t)$ مربوط به $s_{11}(t)$ را میتوان محاسبه کرد. اگر $1 \neq a_{12}(t) = a_{12}(t)$ میشود. میانگین محلی نرمال شده $m_{12}(t)$ برای $s_{11}(t)$ محاسبه

را حاصل می شود. $PF_1(t) = a_1(t)s_{1n}(t) \tag{1A}$

سپس این تابع محصول از داده اصلی x(t) کم می شود که حاصل تابع جدید $u_1(t)$ است که یک نسخه هموار شده از داده اصلی را که نوسانات با فرکانس بالا از آن حذف شده است را ارائه می کند. حال $u_1(t)$ به عنوان داده جدید تلقی می شود و تمام فرآیند k بار و تا زمانی که $u_k(t)$ ثابت شود یا شامل تعداد زیادی نوسان نباشد تکرار می شود.

$$u_{1}(t) = x(t) - PF_{1}(t),$$

$$u_{2}(t) = u_{1}(t) - PF_{2}(t),$$

:
(19)

$$u_k(t) = u_{k-1}(t) - PF_k(t)$$

و در نهایت سیگنال اصلی را میتوان مجددا به صورت زیر بدست آورد:

$$x(t) = \sum_{p=1}^{k} PF_p(t) + u_k(t)$$
($\Upsilon \cdot$)

۴- تجزیه ارتعاشی هیلبرت طبیعی است که هر یک از مولفههای ذاتی باید مفهوم فیزیکی و ریاضی داشته باشند. در ابتدا یک سیگنال متشکل از دو شبه هارمونیک در نظر گرفته میشود که هر کدام دارای دامنه و فرکانس متغیر کند در حوزه زمان هستند و به عنوان سادهترین مثال سیگنال چند مولفه ای تلقی می شود. در این حالت، این سیگنال را میتوان به صورت جمع شود. در این حالت، این سیگنال را میتوان به صورت جمع وزندار سیگنالهای تک مولفهای، هر کدام با فرکانس آنی و تابع دامنه مربوط به خود مدل سازی کرد: به عنوان مثال [۱۸].

$$a_{1}(t)e^{i\int_{0}^{t}\omega_{1}(t)dt} + a_{2}(t)e^{i\int_{0}^{t}\omega_{2}(t)dt}$$
(11)

با $a_1(t)$ ، $a_2(t)$ ، $a_2(t)$ و $\omega_2(t)$ که توابع مجهول در حوزه زمان هستند. پوش a(t) و فرکانس آنی w(t)سیگنال ارتعاش دو مولفهای به صورت زیر است:

$$a(t) = \left[a_{1}^{2} + a_{2}^{2} + 2a_{1}a_{2}\cos\left(\int(\omega_{2} - \omega_{1})dt\right)\right]^{1/2}$$

$$\omega(t) = \omega_{1} + (\gamma\gamma)$$

$$\frac{(\omega_{2} - \omega_{1})\left[a_{2}^{2} + 2a_{1}a_{2}\cos\left(\int(\omega_{2} - \omega_{1})dt\right)\right]}{a^{2}(t)}$$

متغیر کند شامل مجموع مجذور دامنه مولفه و بخش
متغیر سریع (نوسانی). فرکانس آنی هر دو تن به طور کلی
متغیر با زمان است و انحرافات نامتقارن فرکانس
$$\omega_1$$
 را
نمایش میدهد. فرکانس آنی (t) در اصل شامل دو
بخش است، قسمت فرکانس متغیر کند اولین مولفه ω_1 و
بخش نوسانی غیر متقارن متغیر سریع. به نظر میرسد به
صورت کلی فرکانس آنی سیگنال و فرکانس متوسط در هر
بخش نوسانی غیر متقارن متغیر سریع فرکانس آنی ویژگی
زمان از سیگنال دارای مقادیر متفاوتی است. به هر حال،
بخش نوسانی غیرمتقارن متغیر سریع فرکانس آنی ویژگی
فرکانس متفاوت با دوره کامل $[(-\omega_1 - \omega_1)]$ معین
فرکانس متفاوت با دوره کامل $[(-\omega_1 - \omega_1)]$ معین
گرفته شود، با فرض $c_1 = c_1$ ، انتگرال معین
مین dt

پوش سیگنال a(t) شامل دو بخش مختلف است، بخش

صفر خواهد شد. این نتیجه جدید بدست آمده یک شرط مرکزی برای ایجاد مولفه ارتعاش بیشتر است. فرکانس آنی $\omega(t)$ مربوط به ترکیب شامل دو بخش مختلف است، یک بخش، فرکانس متغیر کند اولین مولفه ω_1 و دیگری بخش نوسانی غیرمتقارن متغیر سریع است. به دلیل اینکه مقدار میانگین نوسانی غیرمتقارن متغیر سریع است. به دلیل اینکه مقدار میانگین بخش سریع دوم برابر صفر است، مقدار میانگین باقی مانده فرکانسهای آنی برابر فرکانس بخش اول است، یعنی فرکانس بزرگترین هارمونیک ایتی یعنی فرکانس بر $\omega(t)$

در ادامه دامنه و فاز ارتعاش اولین مولفه به ترتیب طبق روابط (۲۶) و (۲۷) محاسبه می شود:

$$\left\langle x_{l=r}(t) \right\rangle = \begin{cases} \frac{1}{2} A_{l}(t) \cos \varphi_{l}(t), & \text{if } \omega_{l} = \omega_{r}, \\ 0, & \text{if } \omega_{l} \neq \omega_{r} \end{cases}$$
 (YY)

$$\left\langle \tilde{x}_{l=r}(t) \right\rangle = \begin{cases} \frac{1}{2} A_l(t) \sin \varphi_l(t), & \text{if } \omega_l = \omega_r \\ 0, & \text{if } \omega_l \neq \omega_r \end{cases}$$
(Yf)

$$A_{l=r}(t) = 2\sqrt{\langle x_{l=r}(t) \rangle^2 + \langle \tilde{x}_{l=r}(t) \rangle^2}$$
(Y Δ)

$$\varphi_{l=r}(t) = \arctan \frac{\left\langle \tilde{x}_{l=r}(t) \right\rangle}{\left\langle x_{l=r}(t) \right\rangle} \tag{(79)}$$

،HVD در طول اولین مرحله تکرار از روش مطرح شده $X_1(t) = a_1(t)\cos\left(\int \omega_1(t)dt\right)$ بزرگرین مولفه ارتعاش

بدست میآید. با استفاده از ایده الک کردن سیگنال، بزرگترین مولفه از ترکیب اولیه کم میشود، $x_{l-1}(t) = x(t) - x_1(t)$ ، و فرآیند مذکور روی باقیمانده برای استخراج مولفههای بعدی اعمال میشود.

۵- مسئله بنچ مارک پایش سلامت سازه IASC-ASCE

سازه بنچ مارک IASC-ASCE که در شکل (۱) نشان داده شده است یک سازه فولادی ۴ طبقه دو دهانه در دو دهانه است که یک چهارم مقیاس سازه مدل در آزمایشگاه مهندسی زلزله در دانشگاه بریتیش کلمبیا است. برای اطلاع از جزئیات طراحی این سازه بنچ مارک به مرجع [1۵] مراجعه شود.

این سازه با هدف مسئلهای پایه در راستای پایش سلامت سازهها ارائه شده است تا روشهای ارائه شده مربوط به تشخیص خسارت در سازهها که توسط افراد مختلف ارائه می شود با یکدیگر قابل مقایسه باشند. علاوه بر سازه سالم، شش الگوی خسارت به عنوان بخشی از مسئله بنچ مارک مطالعه شده است. این الگوهای خسارت، خسارتهای شدید ساده که اکثر روشها باید قادر به تشخیص آن باشند تا حالتهای دشوارتر را شامل میشوند. در شکل (۲) این الگوهای خسارت ارائه شده است.



Photo courtesy Prof. Carlos Ventura, UBC شکل ۱: سازه مدل یک چهارم مقیاس فولادی [۱۵]

در سازه مرجع موجود در هر طبقه ۴ سنسور وجود دارد که دو تای آن در جهت x و دو تای دیگر در جهت y است. شکل (۳) چگونگی محل و جهت قرار گیری سنسورها در هر طبقه را نشان میدهد. بارگذاری به صورت یک بار در هر طبقه اعمال شده است

که بار و دیگر تحریکات محیط را شبیهسازی میکند و به صورت نویز سفید نرمال فیلتر شده مستقل مدلسازی شده و با استفاده از یک فیلتر پایین گذر باترورس مرتبه شش^۱ با فرکانس قطع ۱۰۰ هرتز تولید شده است.

مدل اجزای محدود این سازه در دسترس است. پس از اعمال بارگذاری با شدت مشخص، تاریخچه زمانی شتاب هر یک از سنسورها در هر کدام از حالات خرابی قابل استخراج است.



شکل ۳: محل و جهت قرار گیری سنسورها در سازه بنچ مارک

۶- مقایسه سه روش پردازش سیگنال EMD، LMD و LMD

در این بخش سه روش پردازش سیگنال زمان – فرکانس LMD ،EMD و HVD با هم مقایسه و بهترین آن جهت استفاده در بخش بعد انتخاب می گردد. به منظور ارائه الگوریتم پیشنهادی برای مقایسه سه روش

¹ sixth-order low-pass Butterworth filter

مذکور دو سیستم یک درجه آزادی(SDOF) و چند درجه آزادی(MDOF) با ارتعاش آزاد در نظر گرفته شده است. ۶-۱- سیستم یک درجه آزادی ارتعاش آزاد ابتدا یک سیستم یک درجه آزادی برای مقایسه انتخاب می شود. این سیستم دارای معادله دینامیکی مطابق رابطه شود. این سیستم دارای معادله دینامیکی مطابق رابطه میکند.

$$m(t)\ddot{x} + c(t)\dot{x} + k(t)x = 0 \tag{(YY)}$$

که پارامترهای متغیر زمان به صورت زیر است:

$$m(t) = (2 + 0.5e^{-0.1t}) \times 10^3 \ kg,$$

$$k(t) = (2 + \cos(t)) \times 10^6 \ N.s \ / m,$$

$$c(t) = (1 + 0.25\sin(t)) \times 10^3 \ N \ / m$$

(YA)





سرعت و مکان اولیه سیستم به ترتیب s/nmm/ و Mom/ و Mom/ و گام زمانی Nec ۱۰۰۰۰ انتخاب شده است. پاسخ تاریخچه زمانی جابجایی، سرعت و شتاب که با روش رانک گوتا مرتبه چهارم محاسبه شده در شکل (۴) آمده است. پاسخ شتاب به عنوان سیگنال اندازه گیری شده (t) در پاسخ شتاب به عنوان سیگنال اندازه گیری شده (t) یا در نظر گرفته شده است و مطابق شکل (۵) فرکانس آنی این میگنال با سه روش مذکور در بالا بدست آمده با سه روش با مقادیر تئوری در محاسبه شده است. هر زمان بر حسب درصد محاسبه شده است. توجه شود که مقادیر تئوری فرکانسها در زمانهای توجه شده در جدول ۱ مقادیر تئوری فرکانسها در زمانهای مشخص شده در جدول ۱ با استفاده از روشهای تحلیلی مشخص شده در جدول ۱ با استفاده از روشهای تحلیلی موجود در پردازش سیگنال به صورت دقیق محاسبه شده

موجوع در پرهرمن سیمتان به صورت علیق محسبه سان است [۱۹]. با توجه به نتایج به دست آمده از جدول ۱ میتوان گفت که روش LMD قادر است با دقت بیشتری نسبت به دو

د روش دیگر فرکانس را بر حسب زمان استخراج کند. روش دیگر فرکانس را بر حسب زمان استخراج کند.

۶–۲– سیستم چند درجه آزادی با پارامتر متغیر آهسته

برای نمایش توانایی روشها برای تجزیه سیگنال از یک سیستم دو درجه آزادی استفاده شده است. سیستم شامل یک مدل از ساختمان برشی مطابق شکل (۶) با دو جرم متمرکز در دو نقطه است. جرمها، متمرکز در دو نقطه است. جرمها، $m_1 = m_2 = 2 + 0.5e^{-0.05t}kg$ $k_1 = (2 + \sin(t)) \times 10^6 N/m$ و سختی طبقات برای طبقه اول و دوم به ترتیب m/m = N/m میباشد. نسبت های میرایی نیز وابسته به زمان و به صورت زیر فرض شده است.

 $c_1 = 0.1 \times (1 + 0.5 \sin t) \times 10^3 \ N.s/m$ $c_2 = 0.05 \times (1 + 0.5 \cos t) \times 10^3 \ N.s/m$

پاسخ دینامیکی سیستم با شرایط اولیه پاسخ دینامیکی سیستم با شرایط اولیه $\{X(0)\} = \{(0,0,10,0\}$ ، (واحد میلیمتر)، با استفاده از رانک گوتا مرتبه چهارم با گام زمانی sec ... محاسبه شده و پاسخ دینامیکی طبقه اول در شکل (Y) آمده است. با اعمال سه روش مذکور بر روی پاسخ شتاب طبقه اول، با اعمال سه روش مذکور بر روی پاسخ شتاب طبقه اول، این سیگنال به یک سری مولفه تجزیه می شود که در شکل (Λ) دو مولفه اول سیگنال تجزیه شده توسط این سه روش ارائه شده است.

-										
زمان		فرکانس(HZ)					خطا(./)			
	تئورى	شناساییشده با EMD	شناساییشده با LMD	شناساییشده با HVD	EMD	LMD	HVD			
٢	4,.44	4,1487	4,0988	4,1484	۲,۵۰۳۲	۱,۳۰۰۵	2,0.81			
۴	3,781	۳٬۸۷۴۱	۳,۸۲۱۵	т,лалғ	۳,۰۰۷۱	۱,۶۰۹۷	2,0292			
۶	۵,۶۲۳	۵,۷۷۱۸	۵,۷۴۴۷	۵,۸۵۵۴	7,8471	7,1940	4,1771			
٨	4,489	4,8130	4,0904	4,5888	۲,۸۳۱۸	2,4222	4,01,7			
١٠	3,077	۳,۶۳۸۹	т,99лт	۳,۸۰۵۹	١,٨٧۴٠	2,8908	۶,۵۴۷۸			
١٢	۵,۶۲۷	۵,۸۶۵۲	۵,۷۸۸۲	۵,۹۰۲۰	4,777.	2,2802	4,888			
18	7,444	3.000	۳,۵۴۳۴	۳,۶۶۹۷	۱۰,۶۹۷۵	2,7762	9,0044			
۲.	0,794	۰,۰۰۳۶	۵,۲۰۰۲	4,9872	99,9777	1,7778	۵,۷۹۲۵			

جدول ۱: خطای فرکانس آنی محاسبه شده با روش EMD برای سیستم یک درجه آزادی



بررسی دقیق تر در جداول ۲، ۳ و ۴ مقادیر فرکانس آنی بدست آمده با سه روش با مقادیر تئوری مقایسه شده است. این مقادیر تئوری، فرکانسهای آنی پاسخ مدال مدهای ارتعاشی سازه میباشد.

اگر چه برای سازه یک درجه آزادی نتایج روش LMD در استخراج فركانس آنى سيگنال دقيقتر است اما با توجه نتایج به دست آمده از سازه دو درجه آزادی واضح است که فقط روش EMD توانسته است در راستای استخراج مولفه ها بهتر عمل کند و دو مد ارتعاشی این سازه را شناسایی و فركانس آنى هر كدام را با دقت قابل قبولى ارائه كند. پس می توان نتیجه گرفت که روش EMD از بین این سه روش بهترین عملکرد را دارد.



^۱ علت دقت پایین EMD نسبت به LMD در استخراج فرکانس آنی به خاطر نقاط انتهایی است. در روش EMD فرکانس آنی اکثر نقاط به جز تقاط انتهایی با مقدار تئوری مطابقت خوبی دارد. تفاوت در نقاط انتهایی تاثیر پایانی نامیده می شود که علت آن خطاهای عددی در تبدیل هیلبرت است. روش های متعددی برای حذف این خطا وجود دارد.

18.



۷- الگوریتم پیشنهادی شناسایی خسارت

در شکل (۱۰) فرآیند کلی روش پیشنهادی تشخیص خسارت ارائه شده است. این روش بر اساس تکنیک زیر سازه میباشد که در آن سازه به چندین زیر سازه تقسیم شده است و شناسایی خسارت روی زیر سازهها انجام می شود. در شکل (۱۱)، زیر سازههای ساختمان بنچ مارک مورد مطالعه نشان داده شده است.

برای ارائه شاخص خسارت مناسب علاوه بر در نظر گرفتن انرژی سیگنال، تغییر در فرکانس ارتعاش مودهای مختلف نیز در نظر گرفته شده است.



زمان	ارتعاشي اول)	فركانس(مد	فرکانس(مد ارتعاشی دوم)		
	تئورى	شناسایی شدہ	تئورى	شناسایی شدہ	
٢	۶,۰۵۷	٧,۴٣۵۵	14,947	17,777	
۴	4,018	۵,۰۳۰۲	17,049	۱۰,۹۹۸۷	
۶	۵,۶۱۶	۵,۹۹۷۶	17,177	18,7710	
٨	۶,۴۷۸	٧,۴۳۳۶	10,789	10,840	
١.	4,779	۵,۴۵۲۰	11,947	1.,۵۷۵۴	
١٢	۵,۳۳۶	۵,۶۱۲۵	17,• 77	18,7047	
18	۵,۰۰۳	۵,۸۲۴۰	17,181	10,1987	
۲۰	۶,۹ <u>۸</u> ۰	79,9.	17,808	VQ,Q74N	

جدول ۳: فرکانس آنی محاسبه شده با LMD برای سیستم دو درجه آزادی

زمان	فركانس(مد ارتعاشي اول)		فرکانس(مد ارتعاشی دوم)				
	تئورى	شناسایی شدہ	تئورى	شناسایی شدہ			
٢	۶,۰۵۷	3,8791	14,947	101,9098			
۴	4,018	2,4021	17,049	222,4421			
۶	۵,۶۱۶	7,9774	17,177	44,7094			
٨	۶,۴۷۸	٣,٧٩٧٩	10,789	41,8107			
١٠	4,779	۲,۷۳۱۹	11,947	۵۰۰,۰			
١٢	۵,۳۳۶	۲,۸۱۲۲	17,• 37	30,9701			
18	۵,۰۰۳	۲,٩٨٢١	17,181	۶,۰۸۸۳			
۲.	۶,۹ <u>۸</u> ۰	8,8758	۱۷,۶۰۳	۵۰۰,۰			

HVD برای سیستم دو	حاسبه شده با	'- فرکانس آنی م	جدول ۴
	درجه آزادی		

زمان	فرکانس(مد ارتعاشی اول)		فركانس(مد ارتعاشی دوم)				
	تئورى	شناسایی شدہ	تئورى	شناسایی شدہ			
٢	۶,۰۵۷	٣,٧۶٩٢	14,947	17,8018			
۴	4,018	٢,٩٨٣٣	17,049	10,7877			
۶	۵,۶۱۶	10,1947	17,177	4,8747			
٨	۶,۴۷۸	۳,901۵	10,789	18,8480			
١٠	4,779	7,4978	11,947	10,8870			
١٢	۵,۳۳۶	18,0900	17,077	2,0891			
18	۵,۰۰۳	٣,۴٧٩٢	17,181	١٠,۴۴٨٩			
۲.	۶,۹۸۰	۲۰,۹۲۶۳	17,808	۵۲,۰۲۷۹			



الگوی خسارت ۶	الگوی خسارت ۴ یا ۵	الگوی خسارت ۳	الگوی خسارت ۲	الگوی خسارت ۱	سالم	مدل چهار طبقه
۰,۱	۰,۳	۰,۳	۰,۹	۰,۹	•	طبقه ۱
•	•	•	•	•	•	طبقه ۲
•	۰,۳	•	۰,۹	•	•	طبقه ۳
•	*	•	*	*	•	طبقه ۴

جدول ۵: میزان خسارت الگوها در طبقات مختلف

جدول ۶: میزان خسارت کلی سازه در الگوهای مختلف

الگوی خسارت ۶	الگوی خسارت ۴ یا ۵	الگوی خسارت ۳	الگوی خسارت ۲	الگوی خسارت ۱	سالم	مدل چهار طبقه
۰,۰۳	۰,۲	۰,۱	۰,۷	۰,۳	•	خرابی کلی سازہ

ابتدا با استفاده از روش EMD سیگنالهای خروجی از سازه به مولفههای IMF تجزیه شده است بعد از محاسبه مولفهها برای هر سیگنال در هر کدام از حالات خرابی، چهار IMF اول برای هر سیگنال در نظر گرفته شده و سپس شاخص خسارت با میانگین گیری از انرژی این چهار IMF برای هر سیگنال مطابق رابطه (۲۹) بدست میآید.

$$DI = \sum_{i=1}^{4} \left(\int_{0}^{T} IMF_{i} dt \right) / 4$$
 (Y9)



¹ Pattern Recognition

الگو^۱ است به همین دلیل برای شناسایی الگوهای خسارت و طبقهبندی آنها در سازه ها شبکه عصبی از ابزارهای مناسب میباشد. به منظور تحقق اهداف سه گانه شناسایی خسارت از یک شبکه عصبی ترکیبی دو مرحلهای استفاده شده است. شبکه اول برای تعیین مکان و شدت خسارت در هر طبقه مورد استفاده قرار گرفته است و شبکه دوم وظیفه تعیین خسارت کلی سازه را بر عهده دارد. در شکل (۱۲) شبکه عصبی ترکیبی مذکور به صورت شماتیک به نمایش در آمده است. همان طور که در شکل (۱۱) مشاهده می شود ساختمان بنچ مارک به چهار زیر سازه تقسیم بندی شده است که هر کدام

از این زیر سازهها یک طبقه را مشخص می کند. هدف از آموزش شبکه عصبی اول مشخص شدن شدت خسارت در هر طبقه است که با مشخص شدن آن، الگوی خسارت نیز مشخص می شود. به همین منظور از یک شبکه عصبی پر سپترون چند لایه استفاده شده است.

مجله مدلسازی در مهندسی



شکل ۱۲: شبکه عصبی ترکیبی جهت تحقق اهداف سهگانه شناسایی خسارت مربوط به سازه بنچ مارک پایش سلامت سازه IASC-ASCE

برای تعیین تعداد لایههای پنهان و تعداد نرون در شبکه های عصبی فرمول خاصی در منابع ارائه نشده و تعیین آن ها بیشتر بر اساس تجربه و سعی و خطا میباشد. شبکه عصبی اول یک شبکه با سه لایه پنهان است که در هر کدام از لایهها ۴ نورون قرار دارد. در شکل (۱۳) شبکه عصبی طراحیشده نشان داده شده است.



شکل ۱۳: پیکربندی شبکه عصبی طراحیشده برای تعیین مکان و شدت خسارت هر طبقه

در این شبکه عصبی ورودی، شانزده DI استخراجشده از سنسورهای جاسازی شده در سازه و خروجی آن مقدار خرابی هر زیرسازه (هر طبقه) است. برای آموزش این شبکه عصبی، مقدار خسارت هر طبقه در هر کدام از حالات خرابی به صورت کمی تبدیل شده و مقدار آن به صورت عددی بین صفر و یک شبیه سازی شده است. این مقادیر در جدول ۵ ارائه شده است.

با توجه به اینکه در سازه بنچ مارک IASC-ASCE، شانزده سنسور جایگذاری شده است ابتدا با استفاده از روش EMD سیگنالهای شتاب خروجی هر کدام از این سنسور ها به مولفههای IMF تجزیه شده و سپس با استفاده از معادله (۲۹) شاخص خرابی برای هر کدام از این سیگنال ها محاسبه می شود.

سپس برنامه تولید داده فاز یک این مسئله بنچ مارک، برای هر کدام از حالات خرابی ۵۰ بار اجرا شده و در هر بار شانزده شاخص خسارت استخراج می شود. توجه شود که شدت بارگذاری در هر کدام از حالات خرابی از توزیع نرمال با میانگین تعیین شده تبعیت می کند. در مرحله بعد داده های ورودی و خروجی مشخص شده مربوط به هر حالت

خرابی را به عنوان داده آموزش، با هدف تنظیم وزن های شبکه، به آن داده میشود. قابل ذکر است که در شبکه مذکور از تابع newff برای ایجاد شبکه استفاده شده است. توابع تبدیل این شبکه عصبی از نوع tansig و توابع عملکرد بر اساس Team squared error است. بعد از اتمام فرآیند آموزش، مشاهده میشود که این فرآیند در سی مرحله صورت گرفته است که در شکل (۱۴) کیفیت آموزش بر اساس تابع عملکرد ارائه شده است.



کیفیت آموزش حاکی از آن است که شبکه عصبی توانسته است تمام الگو های خسارت را، از شدیدترین تا جزئی ترین آن، شناسایی کند و با استفاده از این شناسایی میتوان به میزان خسارت هر طبقه دست یافت.

شبکه عصبی دوم که برای ارزیابی خسارت کلی سازه مورد استفاده قرار می گیرد، یک شبکه با یک لایه پنهان است که در آن سه نورون قرار دارد. در شکل (۱۵) شبکه عصبی طراحی شده نشان داده شده است.



شکل ۱۵: معماری شبکه عصبی طراحیشده برای تعیین خسارت کلی سازه

که در این شبکه عصبی ورودی، خروجی شبکه عصبی اول و خروجی آن مقدار خرابی کل سازه است. برای آموزش این شبکه عصبی، مقدار خسارت کلی سازه در هر کدام از حالات خرابی به صورت کمی تبدیل شده و مقدار آن به صورت عددی بین صفر و یک شبیهسازی شده است. این مقادیر در جدول ۶ ارائه شده است.

در شبکه دوم نیز از تابع newff برای ایجاد شبکه استفاده شده است. توابع تبدیل این شبکه از نوع tansig و توابع عملکرد بر اساس Mean squared error است. فرآیند آموزش در ده مرحله صورت گرفته که در شکل (۱۶) کیفیت آموزش بر اساس تابع عملکرد ارائه شده است. نمودار رگرسیون برای داده های آموزش، اعتبارسنجی و آزمایش نیز در شکل (۱۷) ارائه شده است. نمودارهای کیفیت آموزش هر دو شبکه عصبی، نشانگر عملکرد موثر روش پیشنهادی در تامین اهداف سه گانه



می توان نتیجه گرفت شاخص خسارت ارائه شده، شاخص مناسبی برای شناسایی خسارت، از خسارت شدید تا خسارت جزئی، می باشد. روش ارائه شده زمانی که از سازه مدل اجزا محدودی در اختیار باشد، مناسب خواهد بود و می توان با دقت بالایی موقعیت و شدت خسارت را بعد از وقوع حوادث طبیعی شناسایی کند.



آزمایش برای شبکه عصبی مربوط به خسارت کلی سازه

۸- نتیجهگیری بسیاری از مطالعات موجود برای شناسایی خسارت بر روی

سازههای کوچک مثل یک تیر یک یا چند دهانه با شرایط مختلف تکیهگاهی صورت گرفته است و نتایج موفقیت آمیزی را نیز به همراه داشته است. این در حالی است که در شناسایی خسارتهای لرزهای در ساختمانهای بلند، ما با تعداد زیادی المان و پاسخهای گسسته در طبقات مختلف رو به رو هستیم. تاکنون هیچ کدام از روشهای مبتنی بر سیگنال ارائهشده توانایی تامین اهداف سهگانه خسارت را نداشتهاند. در این مقاله با تلفیق روشهای پردازش سیگنال و شبکه عصبی و تنها با استفاده از سیگنالهای خروجی از سنسورهای جاگذاریشده در سازه، اهداف سهگانه مذکور محقق شده است.

با توجه به کارهای انجام شده در بخش های مختلف مقاله میتوان نتایج را به صورت خلاصه به شرح زیر ارائه کرد: ۱- اگرچه روشهای LMD و HVD روشهای زمان -فرکانس بهروزتری نسبت به EMD هستند ولی نتایج نشان میدهد که کماکان EMD قابلیت بهتری در تجزیه سیگنالهای غیرخطی از خود نشان میدهد.

۲- نتایج نشان میدهد که شبکه عصبی ابزاری قدرتمند برای شناسایی الگو در داده های پراکنده است به نحوی که هر شش الگوی خسارت به خوبی توسط شبکه عصبی شناسایی شدند.

۳- با بهرهگیری از تکنیک پردازش سیگنال و هوش مصنوعی در این تحقیق شناسایی خسارت در سازهها در سه سطح تشخیص وقوع خسارت، شدت خسارت و محل خسارت میسر شد.

۹– تقدیر و تشکر

از جناب دکتر محمد نوری استاد دانشگاه صنعتی کالیفرنیا آمریکا به جهت راهنماییهای ارزنده ایشان در طول این کار تحقیقاتی تشکر و قدردانی می گردد.

۱۰- مراجع

- [1] A. Rytter, "Vibrational based inspection of civil engineering structures", unknown, 1993.
- [2] Y. Xu, S. Chen, and R. Zhang, "Modal identification of Di Wang Building under typhoon York using the Hilbert–Huang transform method", The Structural Design of Tall and Special Buildings, Vol. 12, No. 1, 2003, pp. 21-47.
- [3] J.N. Yang, et al., "Hilbert-Huang based approach for structural damage detection", Journal of engineering mechanics, Vol. 130, No. 1, 2004, pp. 85-95.
- [4] Y. Xu, and J. Chen, "Structural damage detection using empirical mode decomposition: experimental investigation", Journal of engineering mechanics, Vol. 130, No. 11, 2004, pp. 1279-1288.
- [5] J. Liu, et al., "On Hilbert-Huang transform approach for structural health monitoring", Journal of intelligent material systems and structures, Vol. 17, No. 8-9, 2006, pp. 721-728.
- [6] H. Chen, Y. Yan, and J. Jiang, "Vibration-based damage detection in composite wingbox structures by HHT", Mechanical systems and signal processing, Vol. 21, No. 1, 2007, pp. 307-321.
- [7] H. Li, X. Deng, and H. Dai, "Structural damage detection using the combination method of EMD and wavelet analysis", Mechanical Systems and Signal Processing, Vol. 21, No. 1, 2007, pp. 298-306.
- [8] N. Roveri, & A. Carcaterra, "Damage detection in structures under traveling loads by Hilbert–Huang transform", Mechanical Systems and Signal Processing, Vol. 28, 2012, pp. 128-144.
- [9] A. Kunwar, R. Jha, M. Whelan, & K. Janoyan, "Damage detection in an experimental bridge model using Hilbert–Huang transform of transient vibrations" Structural Control and Health Monitoring, Vol. 20, No. 1, 2013, pp. 1-15.
- [10] Y. Huang, C. J. Yan, & Q. Xu, "On the difference between empirical mode decomposition and Hilbert vibration decomposition for earthquake motion records" In 15th World Conference on Earthquake Engineering, 2012.
- [11] L. Wang, T. H. Chan, "Review of vibration-based damage detection and condition assessment of bridge structures using structural health monitoring" QUT Conference Proceedings, 2009.
- [12] B. Chen, S. L. Zhao, & P. Y. Li, "Application of Hilbert-Huang transform in structural health monitoring: a state-of-the-art review" Mathematical Problems in Engineering, 2014.

[١٣] ص. امید، "آشنایی مقدماتی با ویولت"، دانشگاه صنعتی شریف، ١٣٨٧.

- [14] G. Yan, L.L. Zhou, and F. Yuan, "Wavelet-based built-in damage detection and identification for composites. in Smart Structures and Materials", International Society for Optics and Photonics, 2005.
- [15] E. Johnson, et al., "Phase I IASC-ASCE structural health monitoring benchmark problem using simulated data", Journal of Engineering Mechanics, Vol. 130, No. 1, 2004, pp. 3-15.
- [16] N.E. Huang, et al., "The empirical mode decomposition and the Hilbert spectrum for nonlinear and nonstationary time series analysis", in Proceedings of the Royal Society of London A: Mathematical, Physical and Engineering Sciences, The Royal Society, 1998.
- [17] J.S. Smith, "The local mean decomposition and its application to EEG perception data", Journal of the Royal Society Interface, Vol. 2, No. 5, 2005, pp. 443-454.
- [18] M. Feldman, "Time-varying vibration decomposition and analysis based on the Hilbert transform", Journal of Sound and Vibration, Vol. 295, No. 3, 2006, pp. 518-530.
- [19] J. Chen, and G. Zhao, "Numerical and Experimental Investigation on Parameter Identification of Time-Varying Dynamical System Using Hilbert Transform and Empirical Mode Decomposition", Mathematical Problems in Engineering, 2014.